



โทโพโลยี โครงสร้างพีชคณิต CI-algebras

Topological CI-algebras

ชาญวิทย์ ปราบพัยค์ษ์

งานวิจัยได้รับทุนสนับสนุนจากงบประมาณเงินรายได้ ประจำปีงบประมาณ พ.ศ. 2562

คณะวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีราชมงคลพระนคร





โทโพโลยี โครงสร้างพีชคณิต CI-algebras

Topological CI-algebras

ชาญวิทย์ ปราบพัยค์

งานวิจัยได้รับทุนสนับสนุนจากงบประมาณเงินรายได้ ประจำปีงบประมาณ พ.ศ. 2562

คณะวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีราชมงคลพระนคร



**Title** Topological CI-algebras  
**Researcher** Asst.Prof. Dr. Chanwit Prabpayak  
**Year** 2019

### Abstract

In this research, we will study an algebraic structure, CI-algebra. Then we apply the notion of topology on a CI-algebra and investigate some related properties.

**Keywords:** CI-algebras, Topological CI-algebras



## กิตติกรรมประกาศ

คณะผู้วิจัยขอขอบพระคุณอธิการบดีมหาวิทยาลัยเทคโนโลยีราชมงคลพระนคร และคณบดีคณะวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี ที่ให้การสนับสนุนทุนวิจัยและอำนวยความสะดวกในการดำเนินการวิจัยในครั้งนี้ และขอกราบขอบพระคุณบิดา มารดา และครูอาจารย์ ของคณะผู้วิจัยทุกท่าน ที่คอยให้กำลังใจ ให้ความช่วยเหลือและสนับสนุนจนกระทั่งงานวิจัยฉบับนี้สำเร็จลุล่วงได้ด้วยดี



## สารบัญ

|   | หน้า |
|---|------|
| บทคัดย่อภาษาไทย                                   | (ก)  |
| บทคัดย่อภาษาอังกฤษ                                | (ข)  |
| กิตติกรรมประกาศ                                   | (ค)  |
| สารบัญ  | (ง)  |
| บทนำ  | 1    |
| ทฤษฎี งานวิจัยที่เกี่ยวข้องและระเบียบวิธีการวิจัย | 3    |
| ผลของการทดลอง                                     | 6    |
| สรุปผลและข้อเสนอแนะของการทดลอง                    | 9    |
| บรรณานุกรม  | 10   |
| ประวัติคณะผู้วิจัย                                | 11   |



## บทที่ 1 บทนำ

### ความสำคัญและที่มาของปัญหาที่ทำการวิจัย

โครงสร้างพีชคณิต CI-algebra หมายถึง เซต  $X$  กับความสัมพันธ์  $*$  และค่าคงตัว  $1$  โดยมีสมบัติดังนี้

1.  $x * x = 1$
2.  $1 * x = x$
3.  $x * (y * z) = y * (x * z)$

สำหรับทุกจำนวน  $x, y, z \in X$  ถ้า  $X$  เป็นโครงสร้างพีชคณิต CI-algebra และ  $S$  เป็นสับเซตไม่ว่างของ  $X$  ถ้า  $x * y \in S$  สำหรับทุก  $x, y \in S$  แล้วจะเรียก  $S$  ว่าสับโครงสร้างพีชคณิต (subalgebra) ของ  $X$  ความสัมพันธ์  $\leq$  จะถูกกำหนดโดย  $x \leq y$  ก็ต่อเมื่อ  $x * y = 1$  สำหรับทุก  $x, y \in X$  ถ้า  $F$  เป็นสับเซตไม่ว่างของ  $X$  ถ้า  $F$  มีคุณสมบัติ

1.  $1 \in F$
2. สำหรับทุก  $x, y \in X$  ถ้า  $x * y \in F$  และ  $x \in F$  แล้ว  $y \in F$

เราจะเรียก  $F$  ว่าเป็นตัวกรอง (Filter) ของ  $X$  เรียกความสัมพันธ์  $\theta$  บนโครงสร้างพีชคณิต CI-algebra  $X$  ว่า congruence relation ถ้า

1.  $\theta$  เป็น equivalence relation บน  $X$
2.  $\theta$  มีคุณสมบัติ ถ้า  $(x, y), (u, v) \in \theta$  แล้ว  $(x * u, y * v) \in \theta$

และเราจะเรียก congruence relation  $\theta$  ว่าเป็น regular ถ้า  $(1, x * y), (1, y * x) \in \theta$  แล้ว  $(x, y) \in \theta$

สำหรับงานวิจัยนี้เราจะนำทฤษฎีทางโทโพโลยีมาประยุกต์กับโครงสร้างพีชคณิต CI-algebra และหาคุณสมบัติพิเศษต่างๆที่เกี่ยวข้อง

### วัตถุประสงค์ของโครงการวิจัย

ศึกษาความเป็น fuzzy ของโครงสร้างพีชคณิต d-algebra ภายใต้ฟังก์ชันนอร์ม  $N : [0,1] \times [0,1] \rightarrow [0,1]$  และหาสมบัติต่างๆที่เกี่ยวข้อง

### ขอบเขตของโครงการวิจัย

ประยุกต์ทฤษฎีทางโทโพโลยีบนโครงสร้างพีชคณิต CI-algebra และศึกษาคุณสมบัติที่เกี่ยวข้อง

### ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ

ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ เช่น ด้านวิชาการ ด้านนโยบาย ด้านเศรษฐกิจ/พาณิชย์ ด้านสังคม และชุมชน รวมถึงการเผยแพร่ในวารสาร จดสิทธิบัตร ฯลฯ และหน่วยงานที่นำผลการวิจัยไปใช้ประโยชน์



1. สร้างทฤษฎีใหม่ทางด้านทฤษฎีจำนวน
2. สามารถนำทฤษฎีที่ได้ไปแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์
3. เกิดองค์ความรู้ใหม่สามารถนำไปประยุกต์ใช้กับวิทยาศาสตร์สาขาอื่นๆ



## บทที่ 2 ทฤษฎี งานวิจัยที่เกี่ยวข้องและระเบียบวิธีการวิจัย

### แนวคิดและทฤษฎีที่เกี่ยวข้อง

**บทนิยาม** โครงสร้างพีชคณิต CI-algebra คือ เซต  $X$  กับความสัมพันธ์  $*$  และค่าคงตัว  $1$  โดยมีสมบัติ ดังนี้

1.  $x * x = 1$
2.  $1 * x = x$
3.  $x * (y * z) = y * (x * z)$  สำหรับทุก  $x, y, z \in X$

**ตัวอย่าง** ให้  $X = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$  และความสัมพันธ์  $*$  กำหนดโดยตารางต่อไปนี้

| * | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|---|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
| 2 | 1 | 1 | 1 | 4 | 4 | 4 |
| 3 | 1 | 1 | 1 | 4 | 4 | 4 |
| 4 | 4 | 5 | 1 | 1 | 2 | 3 |
| 5 | 4 | 4 | 4 | 1 | 1 | 1 |
| 6 | 4 | 4 | 4 | 1 | 1 | 1 |

เราสามารถคำนวณได้ว่า  $X$  เป็นโครงสร้างพีชคณิต CI-algebra

**บทนิยาม** ให้  $X$  เป็นโครงสร้างพีชคณิต CI-algebra และ  $S$  เป็นสับเซตไม่ว่างของ  $X$  ถ้า  $x * y \in S$  สำหรับทุก  $x, y \in S$  แล้วจะเรียก  $S$  ว่าสับโครงสร้างพีชคณิต (subalgebra) ของ  $X$

**บทนิยาม** ให้  $X$  เป็นโครงสร้างพีชคณิต CI-algebra เราจะนิยามความสัมพันธ์  $\leq$  โดย  $x \leq y$  ก็ต่อเมื่อ  $x * y = 1$  สำหรับทุก  $x, y \in X$

**ทฤษฎีบท** สำหรับทุกโครงสร้าง CI-algebra  $X$  จะมีคุณสมบัติดังต่อไปนี้ สำหรับทุก  $x, y \in X$

1.  $x * 1 = 1$
2.  $x * ((x * y) * y) = 1$
3.  $(x * y) * 1 = (x * 1) * (y * 1)$
4. สำหรับ  $x_1, x_2, \dots, x_n \in X$ ,  $(x_n * 1) * (\dots * ((x_1 * 1) * (y * 1)) \dots) = (x_n * (\dots * (x_1 * y) \dots)) * 1$

**บทนิยาม** เราจะเรียก CI-algebra  $X$  ว่าเป็น commutative ถ้า  $(x * y) * y = (y * x) * x$  สำหรับทุก  $x, y \in X$

**บทนิยาม** ให้  $X$  เป็นโครงสร้างพีชคณิต CI-algebra และ  $F$  เป็นสับเซตไม่ว่างของ  $X$  ถ้า  $F$  มีคุณสมบัติ

1.  $1 \in F$
2. สำหรับทุก  $x, y \in X$  ถ้า  $x * y \in F$  และ  $x \in F$  แล้ว  $y \in F$

เราจะเรียก  $F$  ว่าเป็นตัวกรอง (Filter) ของ  $X$

**บทนิยาม** ให้  $X$  เป็นโครงสร้างพีชคณิต CI-algebra จะเรียก filter  $F$  ว่า closed filter ถ้า  $x * 1 \in F$  เมื่อ  $x \in F$

**ทฤษฎีบท** ให้  $X$  เป็นโครงสร้างพีชคณิต CI-algebra แล้วจะได้ว่า Filter  $F$  ของ  $X$  มีคุณสมบัติปิดก็ต่อเมื่อ  $F$  เป็น subalgebra ของ  $X$

**บทนิยาม** เราจะเรียกความสัมพันธ์  $\theta$  บนโครงสร้างพีชคณิต CI-algebra  $X$  ว่า congruence relation ถ้า

1.  $\theta$  เป็น equivalence relation บน  $X$
2.  $\theta$  มีคุณสมบัติ ถ้า  $(x, y), (u, v) \in \theta$  แล้ว  $(x * u, y * v) \in \theta$  และเราจะเรียก congruence relation  $\theta$  ว่าเป็น regular ถ้า  $(1, x * y), (1, y * x) \in \theta$  แล้ว  $(x, y) \in \theta$

ต่อไปจะกำหนดให้  $Con(x)$  แทนเซตของ congruence relation ทั้งหมดบน CI-algebra  $X$  และ  $Con_R(x)$  แทนเซตของ regular congruence relation ทั้งหมดบน CI-algebra  $X$

**บทนิยาม** ให้  $F$  เป็น filter ของโครงสร้างพีชคณิต CI-algebra  $X$  และ  $\theta$  เป็น congruence relation บน  $X$  สมมติให้

$$F_\theta = \{x * y \mid (x, y) \in \theta\}$$

แล้วเราสามารถพิสูจน์ได้ว่า  $F_\theta$  เป็น closed filter ของ  $X$

**ทฤษฎีบท** ถ้า  $F$  เป็น Filter บน CI-algebra  $X$  และ  $\theta \in Con(X)$  แล้วจะได้ว่า

1.  $\theta_F \in Con_R(X)$
2.  $F_\theta$  เป็น closed filter บน  $X$
3.  $F_\theta = \{x : (1, x) \in \theta\}$
4.  $F_{\theta_F}$  เป็น closed filter ที่ใหญ่ที่สุดใน  $F$

**บทนิยาม** สำหรับ สับเซต  $F$  ของ CI-algebra  $X$  เรานิยาม binary relation  $\equiv_F$  ดังนี้

$$x \equiv_F y \text{ ก็ต่อเมื่อ } x * y \in F \text{ และ } y * x \in F$$

แล้วเซต  $\{y : x \equiv_F y\}$  จะแทนด้วย  $[x]_F$  และนิยาม  $X / \equiv_F = \{[x]_F : x \in X\}$  สำหรับ  $\theta \in \text{Con}(X)$

เราจะนิยาม  $[x]_\theta = \{y \in X : x \theta y\}$  และ  $X / \theta = \{F_x : x \in X\}$  กำหนดโดย  $F_x * F_y = F_{x*y}$

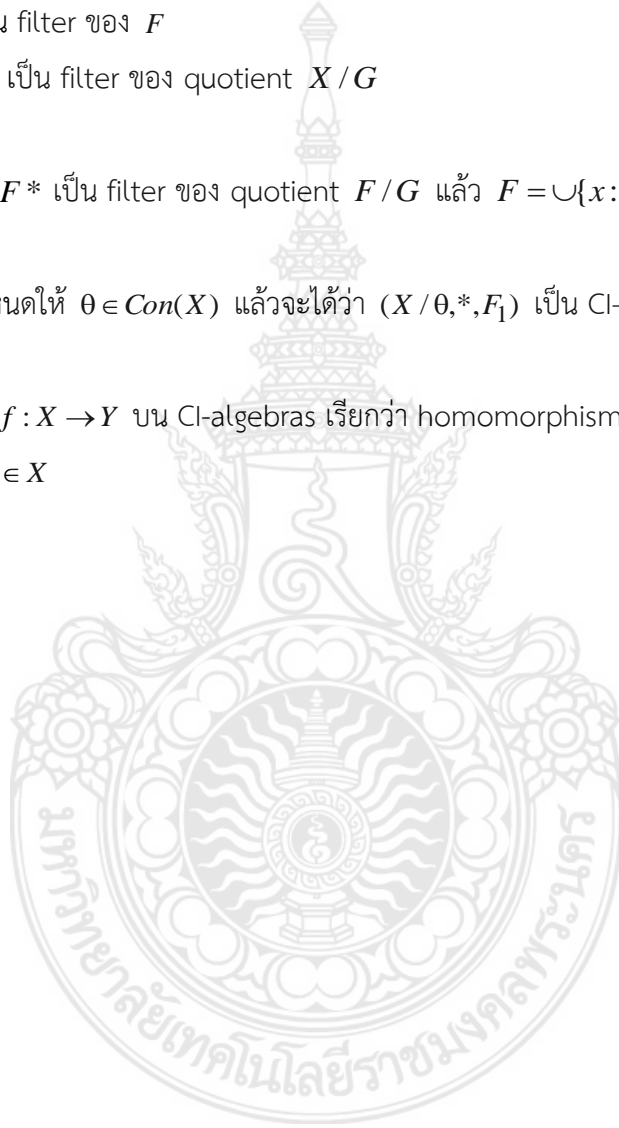
**ทฤษฎีบท** ถ้า  $G$  และ  $F$  เป็น Filter บน CI-algebra  $X$  และ  $G \subset F$  แล้วจะได้ว่า

1.  $G$  เป็น filter ของ  $F$
2.  $F/G$  เป็น filter ของ quotient  $X/G$

**ทฤษฎีบท** ถ้า  $F^*$  เป็น filter ของ quotient  $F/G$  แล้ว  $F = \cup\{x : F_x \in F^*\}$

**ทฤษฎีบท** กำหนดให้  $\theta \in \text{Con}(X)$  แล้วจะได้ว่า  $(X/\theta, *, F_1)$  เป็น CI-algebra

ฟังก์ชัน  $f : X \rightarrow Y$  บน CI-algebras เรียกว่า homomorphism ถ้า  $f(x * y) = f(x) * f(y)$  สำหรับทุก  $x, y \in X$



### บทที่ 3 ผลของการทดลอง

สำหรับเซต  $X$  และ family  $\tau = \{U\}$  ของทุกสับเซตของมัน จะเรียกว่า topological space กำหนดโดย  $(X, \tau)$  ถ้า  $X, \emptyset \in \tau$  แล้ว intersection ของ จำนวนที่จำกัดของสมาชิกของ  $\tau$  อยู่ใน  $\tau$  และ arbitrary union ของสมาชิกของ  $\tau$  อยู่ใน  $\tau$  สมาชิกของ  $\tau$  เราจะเรียกว่า open set ของ  $X$  และ complement  $X \setminus U$  ของ open set  $U$  จะเรียกว่า closed set ถ้า  $B$  เป็นสับเซตของ  $X$  แล้ว closed set ที่เล็กที่สุดที่มี  $B$  อยู่ข้างใน จะเรียกว่า closure ของ  $B$  กำหนดโดย  $\bar{B}$  ให้เซต  $P$  เป็นสับเซตของ  $X$  จะเรียกเซต  $P$  ว่าเป็น neighborhood ของ  $x \in X$  ถ้ามี open set  $U$  โดยที่  $x \in U \subseteq P$  เราจะเรียก subfamily  $\{U_\alpha\}$  ของ  $\tau$  ว่าเป็น base ของ  $\tau$  ถ้า สำหรับแต่ละ  $x \in U \in \tau$  จะมี  $\alpha$  ที่ทำให้  $x \in U_\alpha \subseteq U$  ทั้งนี้ หมายถึง แต่ละ  $U$  ใน  $\tau$  คือ union ของสมาชิกใน  $\{U_\alpha\}$  สำหรับ subfamily  $\{U_\beta\}$  ของ  $\tau$  เรียกว่า ก่อเกิด subbase สำหรับ  $\tau$  ถ้า family ของ finite intersections ของสมาชิกของ  $\{U_\beta\}$  ก่อเกิด base ของ  $\tau$

**บทนิยาม** ให้  $X$  เป็น algebra of type 2 และ  $\tau$  เป็น topology บน  $X$  แล้วเราจะเรียก  $\chi = (X, *, \tau)$  ว่า

1. Left (right) topological algebra ถ้าสำหรับทุก  $a$  ใน  $X$  กับฟังก์ชันที่ส่งจาก  $X \rightarrow X$  นิยามโดย  $x \rightarrow a * x$  ( $x \rightarrow x * a$ ) เป็น continuous หรือหมายถึง สำหรับแต่ละ  $x$  ใน  $X$  และ open set  $U$  ของ  $a * x$  ( $x * a$ ) จะมี open set  $V$  ของ  $x$  โดยที่  $a * V \subseteq U$  ( $V * a \subseteq U$ )
2. Semitopological algebra หรือ ตัวดำเนินการ  $*$  เป็น separately continuous ถ้า  $X$  เป็น left and right topological algebra
3. Topological algebra ถ้า ตัวดำเนินการ  $*$  เป็น continuous กล่าวคือ ถ้า  $x, y \in X$  และ open set (neighborhood)  $W$  ของ  $x * y$  จะมี 2 open sets (neighborhood)  $U$  และ  $V$  ของ  $x$  และ  $y$  ที่ซึ่ง  $U * V \subseteq W$

ให้  $X$  เป็นเซตไม่ว่าง และ  $U, V$  เป็นสับเซตใดๆใน  $X \times X$  เรานิยาม

$$U \circ V = \{(x, y) \in X \times X : (x, z) \in U \text{ และ } (z, y) \in V \text{ สำหรับบาง } z \in X\}$$

$$U^{-1} = \{(y, x) : (x, y) \in U\}$$

$$\Delta = \{(x, x) : x \in X\}$$

**บทนิยาม** สำหรับ uniformity บน  $X$  เราหมายถึง collection ที่ไม่ว่าง  $\kappa$  ของสับเซตของ  $X \times X$  ที่สอดคล้องกับเงื่อนไขต่อไปนี้

1.  $\Delta \subseteq U$  สำหรับทุก  $U \in \kappa$

2. ถ้า  $U \in \kappa$  แล้ว  $U^{-1} \in \kappa$
3. ถ้า  $U \in \kappa$  แล้วจะมี  $V \in \kappa$  ที่ทำให้  $V \circ V \subseteq U$
4. ถ้า  $U, V \in \kappa$  แล้ว  $U \cap V \in \kappa$
5. ถ้า  $U \in \kappa$  และ  $U \subseteq V \subseteq X \times X$  แล้ว  $V \in \kappa$

สำหรับคู่อันดับ  $(X, \kappa)$  จะเรียกว่า uniform structure หรือ uniform space

**ทฤษฎีบท** ให้  $\Lambda$  เป็น arbitrary family ของ filters ของ CI-algebra  $X$  ซึ่งเป็น closed ภายใต้ intersection และให้  $\theta \in \text{Con}(X)$  ถ้า  $U_{F_0} = \{(x, y) \in X \times X : x \equiv_{F_0} y\}$  และ  $\kappa^* = \{U_F : F \in \Lambda\}$  แล้ว  $\kappa^*$  จะมีคุณสมบัติตามข้อ 1-4 ในนิยามข้างต้น

**พิสูจน์** 1. เนื่องจาก  $F$  เป็น filter ของ  $X$  ดังนั้นเราจะได้ว่า  $x \equiv_{F_0} x$  สำหรับทุก  $x \in X$  ดังนั้น  $\Delta \subseteq U_{F_0}$  สำหรับทุก  $U \in \kappa^*$

2. สำหรับ  $U_{F_0} \in \kappa^*$  เราจะได้ว่า

$$\begin{aligned} (x, y) \in (U_{F_0})^{-1} &\Leftrightarrow (y, x) \in U_{F_0} \\ &\Leftrightarrow y \equiv_{F_0} x \\ &\Leftrightarrow x \equiv_{F_0} y \\ &\Leftrightarrow (x, y) \in U_{F_0} \end{aligned}$$

3. สำหรับ  $U_{F_0} \in \kappa^*$

เนื่องจาก  $\equiv_{F_0}$  มีสมบัติ transitive แล้วจะได้ว่า  $U_{F_0} \circ U_{F_0} \subseteq U_{F_0}$

4. สำหรับ  $U_F, U_J \in \kappa^*$  ต้องการแสดงว่า  $U_F \cap U_J = U_{F \cap J}$

ให้  $(x, y) \in U_F \cap U_J$  ดังนั้น  $x \equiv_F y$  และ  $x \equiv_J y$

จะได้ว่า  $x^*y \in U_F$ ,  $y^*x \in U_F$  และ  $x^*y \in U_J$ ,  $y^*x \in U_J$

นั่นคือ  $x \equiv_{F \cap J} y$  แสดงว่า  $x^*y \in F \cap J$  และ  $y^*x \in F \cap J$

แล้วจะได้ว่า  $(x, y) \in U_{F \cap J}$  สรุปได้ว่า  $U_F \cap U_J = U_{F \cap J}$

เนื่องจาก  $F, J \in \Lambda$  แล้ว  $U_F \cap U_J \in \kappa^*$

**ทฤษฎีบท** กำหนดให้  $X$  เป็น CI-algebra และ  $\theta \in \text{Con}(X)$  กำหนดให้

$$\kappa = \{U \subseteq X \times X : U_{F_0} \subseteq U \text{ สำหรับบาง } U_{F_0} \in \kappa^*\}$$

แล้ว  $\kappa$  มีคุณสมบัติ uniformity บน  $X$  และ  $(X, \kappa)$  เป็น uniform structure

**พิสูจน์** จากทฤษฎีบทข้างต้น  $\kappa$  มีคุณสมบัติตามข้อ 1-4 จึงเหลือเพียงพิสูจน์ข้อ 5

ให้  $U \in \kappa$  และ  $U \subseteq V \subseteq X \times X$

ดังนั้น จะมี  $U_{F_0} \subseteq U \subseteq V$

นั่นหมายความว่า  $V \in \kappa$

**บทนิยาม** ให้  $X$  เป็น CI-algebra และ  $U \in \kappa$  เรานิยามเซต  $U[x] = \{y \in X : (x, y) \in U\}$

**ทฤษฎีบท** กำหนดให้  $X$  เป็น CI-algebra แล้วเซต

$$T = \{G \subseteq F : \forall x \in G, \exists U \in \kappa, U[x] \subseteq G\}$$

เป็น topology บน  $X$

**พิสูจน์** เห็นได้ชัดว่า  $\emptyset \in T$  และ  $X \in T$

และเราสามารถตรวจสอบได้โดยไม่ว่า  $T$  มีสมบัติปิดภายใต้ arbitrary union

ต่อไปเราจะแสดงว่า  $T$  มีสมบัติปิดภายใต้ finite intersection

สมมติให้  $G, H \in T$  และ  $x \in G \cap H$

ดังนั้น จะมี  $U, V \in \kappa$  โดยที่  $U[x] \subseteq G$  และ  $V[x] \subseteq H$

กำหนดให้  $W = U \cap V$

แล้วจะได้ว่า  $W \in \kappa$  และจะเห็นว่า  $W[x] \subseteq U[x] \cap V[x]$

ฉนั้น  $W[x] \subseteq G \cap H$  ผลที่ได้ต่อมาก็คือ  $G \cap H \in T$

จึงสรุปได้ว่า  $T$  เป็น topology บน  $X$

## บทที่ 4 สรุปผลและข้อเสนอแนะของการทดลอง

### สรุปผลการทดลอง

โครงสร้างพีชคณิต CI-algebra คือ เซต  $X$  กับความสัมพันธ์  $*$  และค่าคงตัว  $1$  โดยมีสมบัติ ดังนี้

1.  $x * x = 1$
2.  $1 * x = x$
3.  $x * (y * z) = y * (x * z)$  สำหรับทุก  $x, y, z \in X$

$S$  เป็นสับเซตไม่ว่างของ  $X$  ถ้า  $x * y \in S$  สำหรับทุก  $x, y \in S$  แล้วจะเรียก  $S$  ว่า สับโครงสร้างพีชคณิต (subalgebra) ของ  $X$  เราจะนิยามความสัมพันธ์  $\leq$  โดย  $x \leq y$  ก็ต่อเมื่อ  $x * y = 1$  สำหรับทุก  $x, y \in X$  เราจะเรียก CI-algebra  $X$  ว่าเป็น commutative ถ้า  $(x * y) * y = (y * x) * x$  สำหรับทุก  $x, y \in X$  ถ้า  $F$  เป็นสับเซตไม่ว่างของ  $X$  ถ้า  $F$  มีคุณสมบัติ

1.  $1 \in F$
2. สำหรับทุก  $x, y \in X$  ถ้า  $x * y \in F$  และ  $x \in F$  แล้ว  $y \in F$

เราจะเรียก  $F$  ว่าเป็นตัวกรอง (Filter) ของ  $X$

**ทฤษฎีบท** ให้  $\Lambda$  เป็น arbitrary family ของ filters ของ CI-algebra  $X$  ซึ่งเป็น closed ภายใต้ intersection และให้  $\theta \in \text{Con}(X)$  ถ้า  $U_{F_0} = \{(x, y) \in X \times X : x \equiv_{F_0} y\}$  และ  $\kappa^* = \{U_F : F \in \Lambda\}$  แล้ว  $\kappa^*$  จะมีคุณสมบัติ

1.  $\Delta \subseteq U$  สำหรับทุก  $U \in \kappa$
2. ถ้า  $U \in \kappa$  แล้ว  $U^{-1} \in \kappa$
3. ถ้า  $U \in \kappa$  แล้วจะมี  $V \in \kappa$  ที่ทำให้  $V \circ V \subseteq U$
4. ถ้า  $U, V \in \kappa$  แล้ว  $U \cap V \in \kappa$
5. ถ้า  $U \in \kappa$  และ  $U \subseteq V \subseteq X \times X$  แล้ว  $V \in \kappa$

**ทฤษฎีบท** กำหนดให้  $X$  เป็น CI-algebra และ  $\theta \in \text{Con}(X)$  กำหนดให้

$$\kappa = \{U \subseteq X \times X : U_{F_0} \subseteq U \text{ สำหรับบาง } U_{F_0} \in \kappa^*\}$$

แล้ว  $\kappa$  มีคุณสมบัติ uniformity บน  $X$  และ  $(X, \kappa)$  เป็น uniform structure

**ทฤษฎีบท** กำหนดให้  $X$  เป็น CI-algebra แล้วเซต

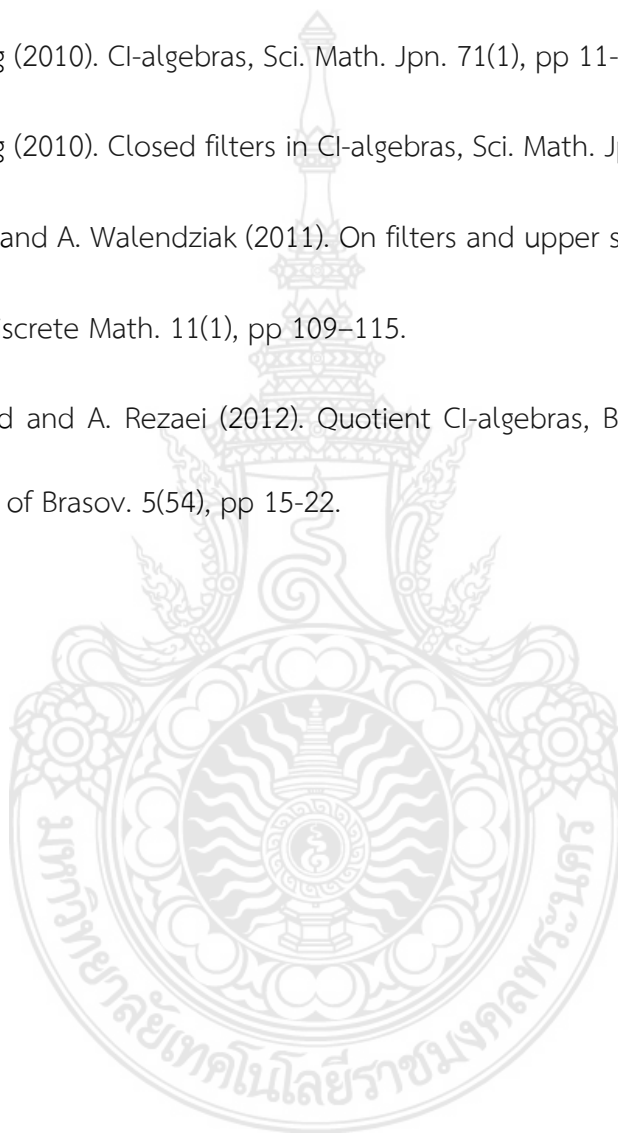
$$T = \{G \subseteq F : \forall x \in G, \exists U \in \kappa, U[x] \subseteq G\}$$

เป็น topology บน  $X$



## บรรณานุกรม

- [1] K. H. Kim (2007). A note no CI-algebras, Int. Math. Forum. 6(1), pp 1-5.
- [2] K. J. Lee (2013). Union-Soft Filters of CI-Algebras, Applied Mathematical Sciences. 7(117), pp 5831-5838.
- [3] B. L. Meng (2010). CI-algebras, Sci. Math. Jpn. 71(1), pp 11-17.
- [4] B. L. Meng (2010). Closed filters in CI-algebras, Sci. Math. Jpn. 71(3), pp 367-372.
- [5] B. Piekart and A. Walendziak (2011). On filters and upper sets in CI-algebras, Algebra Discrete Math. 11(1), pp 109–115.
- [7] A. B. Saeid and A. Rezaei (2012). Quotient CI-algebras, Bulletin of the Transilvania University of Brasov. 5(54), pp 15-22.



## ประวัติคณะผู้วิจัย

### ประวัติผู้วิจัย

- ชื่อ - นามสกุล (ภาษาไทย) ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.ชาญวิทย์ ปราบพยัคฆ์  
ชื่อ - นามสกุล (ภาษาอังกฤษ) Asst.Prof.Dr.Chanwit Prabpayak
- เลขหมายบัตรประจำตัวประชาชน -
- ตำแหน่งปัจจุบัน อาจารย์  
เวลาที่ใช้ทำวิจัย 20 ชั่วโมง/สัปดาห์
- หน่วยงานและสถานที่อยู่ที่ติดต่อได้สะดวก พร้อมหมายเลขโทรศัพท์ โทรสาร และ  
ไปรษณีย์อิเล็กทรอนิกส์ (e-mail)  
สาขาวิชาคณิตศาสตร์และสถิติ คณะวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี  
มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีราชมงคลพระนคร  
เลขที่ 1381 ถ.ประชาราษฎร์ สาย 1 แขวงบางซื่อ เขตบางซื่อ กรุงเทพฯ 10800  
โทรศัพท์: 02-9132424  
E-mail: chanwit.p@mutp.ac.th
- ประวัติการศึกษา  
2557 PhD (Dr.rer.nat.)  
Karl-Franzens University Graz, Austria  
2552 วิทยาศาสตร์มหาบัณฑิต (วท.ม.) สาขาคณิตศาสตร์  
มหาวิทยาลัยเกษตรศาสตร์  
2548 วิทยาศาสตรบัณฑิต (วท.บ.) สาขาวิชาคณิตศาสตร์  
มหาวิทยาลัยเกษตรศาสตร์
- สาขาวิชาการที่มีความชำนาญพิเศษ (แตกต่างจากวุฒิการศึกษา) ระบุสาขาวิชาการ  
สาขาวิชา Number Theory  
สาขาวิชา Algebra
- ประสบการณ์ที่เกี่ยวข้องกับการบริหารงานวิจัยทั้งภายในและภายนอกประเทศ โดยระบุ  
สถานภาพในการทำการวิจัยว่าเป็นผู้อำนวยการแผนงานวิจัย หัวหน้าโครงการวิจัย  
หรือผู้ร่วมวิจัยในแต่ละผลงานวิจัย  
7.1 ผู้อำนวยการแผนงานวิจัย : -  
7.2 หัวหน้าโครงการวิจัย :
  - On ideals and congruences of KUalgebras
  - On Isomorphisms of KU-algebras
  - On derivations of BCC-algebras

### 7.3 งานวิจัยที่ทำเสร็จแล้ว :

1. G. Lettl and C. Prabpayak. 2014. Conductor ideals of orders in algebraic number fields. Arch. Math. 103(2), 133-138.
2. Utsanee Leerawat and Chanwit Prabpayak. 2011. On Outer  $(\theta, \phi)$ -Derivations of BCC-Algebras. Far East Journal of Mathematical Sciences (FJMS). Vol. 58 No.1, 49-60.
3. C. Prabpayak and U. Leerawat. 2009. On Isomorphisms of KU-algebras. Scientia Magna Journal. Vol. 5 No.3, 26-32.
4. C. Prabpayak and U. Leerawat. 2009. On ideals and congruences of KUalgebras. Scientia Magna Journal. Vol. 5 No.1, 54-57.
5. C. Prabpayak and U. Leerawat. 2009. On derivations of BCC-algebras. Kasetsart Journal (Nat. Sci.) 43, 398-401.

