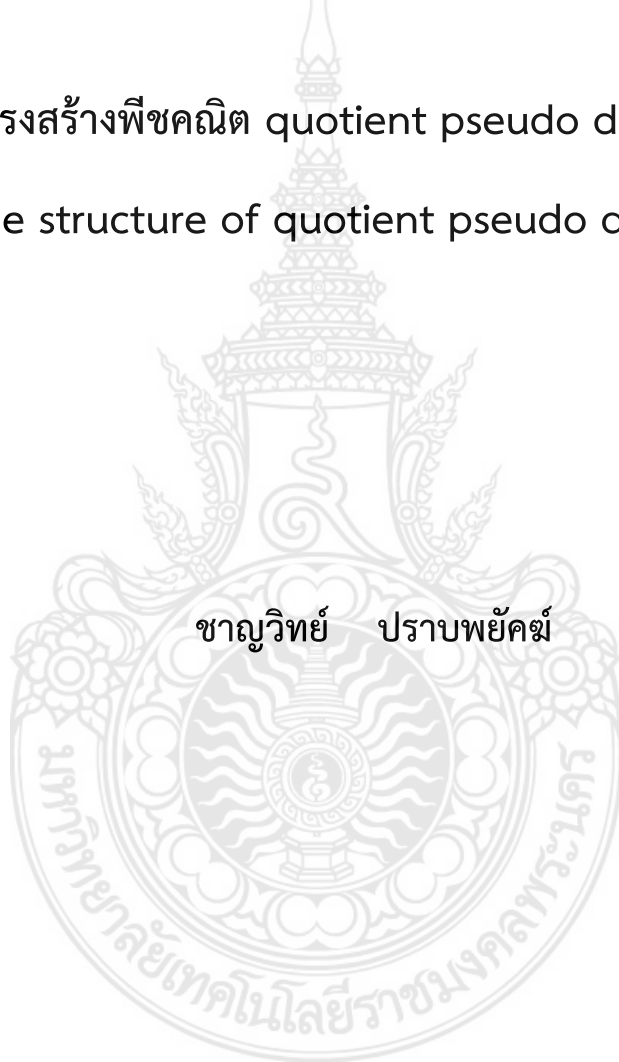




โครงสร้างพีชคณิต quotient pseudo d-algebras

The structure of quotient pseudo d-algebras

ชาญวิทย์ ปราบพัยค์ค์



งานวิจัยได้รับทุนสนับสนุนจากงบประมาณเงินรายได้ ประจำปีงบประมาณ พ.ศ. 2563

คณะวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีราชมงคลพระนคร

Title The structure of quotient pseudo d-algebras
Researcher Asst.Prof. Dr. Chanwit Prabpayak
Year 2020

Abstract

In this research, we will study an algebraic structure, pseudo d-algebras. Then we give some more properties for pseudo d-ideal that can construct a quotient pseudo d-algebras. Moreover, we show that the quotient pseudo d-algebras is a pseudo d-algebras.

Keywords: pseudo d-algebra, ideal



กิตติกรรมประกาศ

คณะผู้วิจัยขอขอบพระคุณอธิการบดีมหาวิทยาลัยเทคโนโลยีราชมงคลพระนคร และคณบดีคณะวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี ที่ให้การสนับสนุนทุนวิจัยและอำนวยความสะดวกในการดำเนินการวิจัยในครั้งนี้ และขอกราบขอบพระคุณบิดา มารดา และครูอาจารย์ ของคณะผู้วิจัยทุกท่าน ที่คอยให้กำลังใจ ให้ความช่วยเหลือและสนับสนุนจนกระทั่งงานวิจัยฉบับนี้สำเร็จลุล่วงได้ด้วยดี



สารบัญ

	หน้า
บทคัดย่อภาษาไทย	(ก)
บทคัดย่อภาษาอังกฤษ	(ข)
กิตติกรรมประกาศ	(ค)
สารบัญ	(ง)
บทนำ	1
ทฤษฎี งานวิจัยที่เกี่ยวข้องและระเบียบวิธีการวิจัย	4
ผลของการทดลอง	6
สรุปผลและข้อเสนอแนะของการทดลอง	8
บรรณานุกรม	9
ประวัติคณะผู้วิจัย	10



บทที่ 1 บทนำ

ความสำคัญและที่มาของปัญหาที่ทำการวิจัย

d-algebra คือเป็นที่ไม่ว่าง non-empty set X รวมกับ constant 0 และ binary operation $*$ ประกอบด้วยคุณสมบัติดังนี้ :

1. $x * x = 0$
2. $0 * x = 0$
3. $x * y = 0$ และ $y * x = 0$ แล้ว $x = y$ สำหรับทุก x, y ใน X .

สมมติ $(X, *, 0)$ เป็น d-algebra และ $\phi \neq I \subset X$. จะเรียก I ว่า a d-subalgebra of X ถ้า $x * y \in I$ เมื่อ $x \in I$ and $y \in I$. และจะเรียก I ว่า d-ideal of X ถ้ามีสมบัติดังนี้ :

1. $x * y \in I$ and $x * y \in I$ and $y \in I$ imply $x \in I$.
2. $x \in I$ and $y \in X$ imply $x * y \in I$, i.e., $I * X \subset I$

A pseudo d-algebra หมายถึง a non-empty set X รวมกันกับ a constant 0 และ a binary operations \bullet and $*$ ซึ่งสอดคล้องกับสมบัติต่อไปนี้:

1. $x * x = x \bullet x = 0$
2. $0 * x = 0 \bullet x = 0$
3. $x * y = y \bullet x = 0$ implies $x = y$ for all x, y in X .

ตัวอย่าง. ให้ $X = [0, \infty)$ แลกกำหนดให้

$$x * y = \begin{cases} 0 & \text{if } x = y, x = 0, \text{ or } \left(\frac{x}{y}\right) \text{ is rational when } y \neq 0, \\ 1 & \text{otherwise.} \end{cases}$$
$$x \bullet y = \begin{cases} 0 & \text{if } x = y, x = 0, \text{ or } \left(\frac{x}{y}\right) \text{ is rational when } y \neq 0, \\ 2 & \text{otherwise.} \end{cases}$$

แล้วเราจะสามารถตรวจสอบได้ว่า $(X, *, \bullet, 0)$ คือ pseudo d-algebras.

ปัจจุบัน d-ideal ใน pseudo d-algebra ยังขาดสมบัติบางประการซึ่งไม่สามารถทำให้เกิดโครงสร้าง Quotient algebra ได้ งานวิจัยนี้จะเก็บรวบรวมสมบัติต่างๆเพื่อที่จะสร้าง Quotient pseudo d-algebra และหาสมบัติต่างๆที่จะเกิดขึ้น

วัตถุประสงค์ของโครงการวิจัย

1. ศึกษาโครงสร้าง pseudo d-algebras และหาสมบัติที่เกี่ยวข้องกับ d-ideal
2. สร้างโครงสร้าง Quotient pseudo d-algebras และหาสมบัติต่างๆที่

ขอบเขตของการวิจัย

หาสมบัติทางพีชคณิต บน Quotient pseudo d-algebras ที่สร้างขึ้น

ทฤษฎี สมมุติฐาน และกรอบแนวคิดของโครงการวิจัย

ศึกษาและเพิ่มเติมสมบัติบางประการใน pseudo d-ideal ของ pseudo d-algebras จากเดิมที่มีสมบัติ:

1. $x * y \in I$ and $x \bullet y \in I$ and $y \in I$ imply $x \in I$.
2. $x \in I$ and $y \in X$ imply $x * y \in I$ and $x \bullet y \in I$, i.e., $I * X \subset I$ and $I \bullet X \subset I$.

ให้สามารถสร้าง quotient pseudo d-algebra ได้ จากนั้นเราจะสามารถหาสมบัติ homomorphism บน quotient pseudo d-algebra ที่สร้างขึ้นได้

การทบทวนวรรณกรรม/สารสนเทศ (information) ที่เกี่ยวข้อง

ทฤษฎีบท. ถ้า I เป็น pseudo d-ideal of a pseudo d-algebra X , แล้ว $0 \in I$.

ทฤษฎีบท. ให้ I เป็น pseudo d-ideal of a pseudo d-algebra X , ถ้า $x \in I$ และ $y * x = 0$ หรือ $y \bullet x = 0$, แล้ว $y \in I$.

ทฤษฎีบท. ถ้า I เป็น pseudo d-ideal of a pseudo d-algebra X , แล้ว $0 \in I$.

ทฤษฎีบท. ให้ I เป็น pseudo d-ideal of a pseudo d-algebra X , ถ้า $x \in I$ และ $y * x = 0$ หรือ $y \bullet x = 0$, แล้ว $y \in I$.

ทฤษฎีบท. ให้ $\varphi: (X, *, \bullet, 0) \rightarrow (Y, *, \bullet, 0)$ เป็น homomorphism of pseudo d-algebras. แล้วเราจะได้ว่า:

1. ถ้า $(Y, *, \bullet, 0)$ มีสมบัติที่ว่า $x * 0 = x \bullet 0 = x$ for all $x \in Y$, แล้ว $\ker \varphi$ จะเป็น pseudo d-ideal of X .
2. $x * y \in \ker \varphi$ และ $x \bullet y \in \ker \varphi$ ก็ต่อเมื่อ $\varphi(x) = \varphi(y)$, for all $x, y \in X$.

ทฤษฎีบท. ให้ $f: X \rightarrow Y$ เป็น homomorphism of pseudo d-algebras. แล้ว f จะเป็น homomorphism ก็ต่อเมื่อ $\ker f = \{0\}$.

ทฤษฎีบท. ให้ X, Y และ Z เป็น pseudo d-algebras, และ $h: X \rightarrow Y$ เป็น onto homomorphism of pseudo d-algebras, และ $g: X \rightarrow Z$ เป็น homomorphism of pseudo d-algebras. ถ้า $\ker h \subset \ker g$, แล้วจะมี exists a unique homomorphism of pseudo d-algebras $f: Y \rightarrow Z$ ที่ซึ่ง $f \circ h = g$.

ทฤษฎีบท. ให้ X, Y และ Z เป็น *pseudo d-algebras*, และ $g: X \rightarrow Z$ เป็น *homomorphism of pseudo d-algebras*, และ $h: Y \rightarrow Z$ เป็น *one-one homomorphism of pseudo d-algebras*. ถ้า $\text{Im } g \subset \text{Im } h$, แล้วจะได้ว่ามี *unique homomorphism of pseudo d-algebras* $f: X \rightarrow Y$ ที่ซึ่ง $h \circ f = g$.

วิธีการดำเนินการวิจัย

1. ศึกษา *pseudo d-algebras*
2. เพิ่มสมบัติบางประการให้ *d-ideal*
3. ตั้งสมมติฐานและทดสอบสมมติฐาน
4. สร้าง *quotient pseudo d-algebras* และหาคุณสมบัติที่เกี่ยวข้อง
5. พิสูจน์และวิเคราะห์ผล



บทที่ 2 ทฤษฎี งานวิจัยที่เกี่ยวข้องและระเบียบวิธีการวิจัย

แนวคิดและทฤษฎีที่เกี่ยวข้อง

นิยาม d-algebra คือเป็นที่ไม่ว่าง non-empty set X รวมกับ constant 0 และ binary operation $*$ ประกอบด้วยคุณสมบัติดังนี้ :

1. $x * x = 0$
2. $0 * x = 0$
3. $x * y = 0$ และ $y * x = 0$ แล้ว $x = y$ สำหรับทุก x, y ใน X .

สมมติ $(X, *, 0)$ เป็น d-algebra และ $\phi \neq I \subset X$. จะเรียก I ว่า a d-subalgebra of X ถ้า $x * y \in I$ เมื่อ $x \in I$ and $y \in I$. และจะเรียก I ว่า d-ideal of X ถ้ามีสมบัติดังนี้ :

1. $x * y \in I$ and $x * y \in I$ and $y \in I$ imply $x \in I$.
2. $x \in I$ and $y \in X$ imply $x * y \in I$, i.e., $I * X \subset I$

นิยาม A pseudo d-algebra หมายถึง a non-empty set X รวมกันกับ a constant 0 และ a binary operations \bullet and $*$ ซึ่งสอดคล้องกับสมบัติต่อไปนี้:

1. $x * x = x \bullet x = 0$
2. $0 * x = 0 \bullet x = 0$
3. $x * y = y \bullet x = 0$ implies $x = y$ for all x, y in X .

นิยาม ให้ $(X, *, 0)$ เป็น d-algebra และ $\phi \neq I \subset X$. จะเรียก I ว่า pseudo d-ideal ถ้า

1. $x * y \in I$ and $x \bullet y \in I$ and $y \in I$ imply $x \in I$.
2. $x \in I$ and $y \in X$ imply $x * y \in I$ และ $x \bullet y \in I$

และจะเรียก pseudo d-ideal I ว่า pseudo d*-ideal ถ้า

1. $x * y \in I$ and $y * z \in I$ แล้ว $x * z \in I$.
2. $x \bullet y \in I$ and $y \bullet z \in I$ แล้ว $x \bullet z \in I$.
3. $x * y \in I$ and $y * x \in I$ แล้ว $(x * z) * (y * z) \in I$ และ $(z * x) * (z * y) \in I$ และ $(x * z) \bullet (y * z) \in I$ และ $(z * x) \bullet (z * y) \in I$
4. $x \bullet y \in I$ and $y \bullet x \in I$ แล้ว $(x \bullet z) \bullet (y \bullet z) \in I$ และ $(z \bullet x) \bullet (z \bullet y) \in I$ และ $(x \bullet z) * (y \bullet z) \in I$ และ $(z \bullet x) * (z \bullet y) \in I$

นิยาม สำหรับ d-ideal I จะเรียกว่าเป็น normal ถ้าสอดคล้องกับสมบัติต่อไปนี้

$$x \bullet y \in I \text{ ก็ต่อเมื่อ } x * y \in I.$$

ให้ I เป็น pseudo d*-ideal เราจะนิยาม $x \equiv_I y$ ก็ต่อเมื่อ $x * y \in I$, $y * x \in I$ และ $x \bullet y \in I$, $y \bullet x \in I$

เราสามารถพิสูจน์ได้ว่า \equiv_I เป็น congruence relation บน pseudo d-algebra X นั่นคือมีคุณสมบัติ

- สะท้อน
- สมมาตร
- ถ่ายทอด
- ถ้า $x \equiv_I y$ และ $u \equiv_I v$ แล้ว $x * u \equiv_I y * v$ และ $x \bullet u \equiv_I y \bullet v$



บทที่ 3 ผลของการทดลอง

สำหรับ pseudo d-algebra เราหมายถึง a non-empty set X รวมกันกับ a constant 0 และ a binary operations \bullet and $*$ ซึ่งสอดคล้องกับสมบัติต่อไปนี้:

1. $x * x = x \bullet x = 0$
2. $0 * x = 0 \bullet x = 0$
3. $x * y = y \bullet x = 0$ implies $x = y$ for all x, y in X .

และ ถ้า $\phi \neq I \subset X$ จะเรียก I ว่า pseudo d-ideal เมื่อมีสมบัติ

1. $x * y \in I$ and $x \bullet y \in I$ and $y \in I$ imply $x \in I$.
2. $x \in I$ and $y \in X$ imply $x * y \in I$ และ $x \bullet y \in I$

และจะเรียก pseudo d-ideal I ว่า pseudo d*-ideal ถ้า

1. $x * y \in I$ and $y * z \in I$ แล้ว $x * z \in I$.
2. $x \bullet y \in I$ and $y \bullet z \in I$ แล้ว $x \bullet z \in I$.
3. $x * y \in I$ and $y * x \in I$ แล้ว $(x * z) * (y * z) \in I$ และ $(z * x) * (z * y) \in I$ และ $(x * z) \bullet (y * z) \in I$ และ $(z * x) \bullet (z * y) \in I$
4. $x \bullet y \in I$ and $y \bullet x \in I$ แล้ว $(x \bullet z) \bullet (y \bullet z) \in I$ และ $(z \bullet x) \bullet (z \bullet y) \in I$ และ $(x \bullet z) * (y \bullet z) \in I$ และ $(z \bullet x) * (z \bullet y) \in I$

สำหรับ d-ideal I จะเรียกว่าเป็น normal ถ้าสอดคล้องกับสมบัติต่อไปนี้

$$x \bullet y \in I \text{ ก็ต่อเมื่อ } x * y \in I.$$

ต่อมาเรากำหนดให้ I เป็น pseudo d*-ideal เราจะนิยาม $x \equiv_I y$ ก็ต่อเมื่อ $x * y \in I, y * x \in I$ และ $x \bullet y \in I, y \bullet x \in I$

จากนั้นเราจะสร้าง class โดยกำหนดให้

$$[x]_{\equiv_I} = \{y \in X \mid x \equiv_I y\}$$

นั่นคือ $[x]_{\equiv_I} = \{y \in X \mid x * y \in I, y * x \in I, x \bullet y \in I, y \bullet x \in I\}$

แล้วเราสามารถพิสูจน์ได้ว่า

1. $[0]_{\equiv_I} = I$
2. $x \in [x]_{\equiv_I}$
3. $x \equiv_I y$ ก็ต่อเมื่อ $[x]_{\equiv_I} = [y]_{\equiv_I}$
4. สอง class $[x]_{\equiv_I}$ และ $[y]_{\equiv_I}$ จะเท่ากันหรือแตกต่างกันโดยสิ้นเชิง

สร้าง Quotient pseudo d-algebra by normal d*-ideal

ให้ X เป็น pseudo d-algebra และ I เป็น pseudo d*-ideal บน X

กำหนดให้ $X / \equiv_I = \{[x] \mid x \in X\}$

โดยที่ $[x]_{\equiv_I} * [y]_{\equiv_I} = [x * y]_{\equiv_I}$ และ $[x]_{\equiv_I} \bullet [y]_{\equiv_I} = [x \bullet y]_{\equiv_I}$

แล้วเราสามารถแสดงได้ว่า operation $*$ และ \bullet well-defined

ทฤษฎีบท ให้ X เป็น pseudo d-algebra และ I เป็น pseudo d*-ideal บน X แล้วจะได้ว่า Quotient pseudo d-algebra $(X / \equiv_I, *, \bullet, [0]_{\equiv_I})$ เป็น pseudo d-algebra

พิสูจน์ ให้ $[x]_{\equiv_I} = [y]_{\equiv_I}$ และ $[a]_{\equiv_I} = [b]_{\equiv_I}$

จะได้ว่า $x \equiv_I y$ และ $a \equiv_I b$

แล้ว $x * a \equiv_I y * b$ เนื่องจาก \equiv_I เป็น congruence relation

ดังนั้น $[x]_{\equiv_I} * [a]_{\equiv_I} = [x * a]_{\equiv_I} = [y * b]_{\equiv_I} = [y]_{\equiv_I} * [b]_{\equiv_I}$

ทำนองเดียวกัน จะได้ $[x]_{\equiv_I} \bullet [a]_{\equiv_I} = [x \bullet a]_{\equiv_I} = [y \bullet b]_{\equiv_I} = [y]_{\equiv_I} \bullet [b]_{\equiv_I}$

นั่นคือ $(X / \equiv_I, *, \bullet, [0]_{\equiv_I})$ เป็น pseudo d-algebra



บทที่ 4 สรุปผลและข้อเสนอแนะของการทดลอง

สรุปผลการทดลอง

เราสามารถสร้าง Quotient pseudo d-algebra บน pseudo d-algebra ดังนี้

สำหรับ pseudo d-algebra เราหมายถึง a non-empty set X รวมกันกับ a constant 0 และ a binary operations \bullet and $*$ ซึ่งสอดคล้องกับสมบัติต่อไปนี้:

1. $x * x = x \bullet x = 0$
2. $0 * x = 0 \bullet x = 0$
3. $x * y = y \bullet x = 0$ implies $x = y$ for all x, y in X .

และ ถ้า $\phi \neq I \subset X$ จะเรียก I ว่า pseudo d-ideal เมื่อมีสมบัติ

1. $x * y \in I$ and $x \bullet y \in I$ and $y \in I$ imply $x \in I$.
2. $x \in I$ and $y \in X$ imply $x * y \in I$ และ $x \bullet y \in I$

และจะเรียก pseudo d-ideal I ว่า pseudo d*-ideal ถ้า

1. $x * y \in I$ and $y * z \in I$ แล้ว $x * z \in I$.
2. $x \bullet y \in I$ and $y \bullet z \in I$ แล้ว $x \bullet z \in I$.
3. $x * y \in I$ and $y * x \in I$ แล้ว $(x * z) * (y * z) \in I$ และ $(z * x) * (z * y) \in I$ และ $(x * z) \bullet (y * z) \in I$ และ $(z * x) \bullet (z * y) \in I$
4. $x \bullet y \in I$ and $y \bullet x \in I$ แล้ว $(x \bullet z) \bullet (y \bullet z) \in I$ และ $(z \bullet x) \bullet (z \bullet y) \in I$ และ $(x \bullet z) * (y \bullet z) \in I$ และ $(z \bullet x) * (z \bullet y) \in I$

สำหรับ d-ideal I จะเรียกว่าเป็น normal ถ้าสอดคล้องกับสมบัติต่อไปนี้

$$x \bullet y \in I \text{ ก็ต่อเมื่อ } x * y \in I.$$

ต่อมาเรากำหนดให้ I เป็น pseudo d*-ideal เราจะนิยาม $x \equiv_I y$ ก็ต่อเมื่อ $x * y \in I$, $y * x \in I$ และ $x \bullet y \in I$, $y \bullet x \in I$

จากนั้นเราจะสร้าง class โดยกำหนดให้

$$[x]_{\equiv_I} = \{y \in X \mid x \equiv_I y\}$$

นั่นคือ

$$[x]_{\equiv_I} = \{y \in X \mid x * y \in I, y * x \in I, x \bullet y \in I, y \bullet x \in I\}$$

ต่อไปเราสร้าง Quotient pseudo d-algebra by normal d*-ideal กำหนดโดย

$$X / \equiv_I = \{[x] \mid x \in X\}$$

โดยที่ $[x]_{\equiv_I} * [y]_{\equiv_I} = [x * y]_{\equiv_I}$ และ $[x]_{\equiv_I} \bullet [y]_{\equiv_I} = [x \bullet y]_{\equiv_I}$

แล้วเราสามารถแสดงได้ว่า operation $*$ และ \bullet well-defined และ Quotient pseudo d-algebra $(X / \equiv_I, *, \bullet, [0]_{\equiv_I})$ เป็น pseudo d-algebra

ไม่มีเนื้อหาจากต้นฉบับ



บรรณานุกรม

- [1] K.Is'eki, On BCI-algebras, Math. Seminar Notes 8 (1980) 125-130.
- [2] G.Georgescu, A.Iorgulescu, Pseudo BCK-algebras: An extension of BCK-algebras, Proceeding of DMTCS'01: Combinatorics, Computability and Logic (2001) 94-114.
- [3] Y.B. Jun, Characterization of pseudo BCK-algebras, Scientiae Mathematicae Japonice 57 (2003) 265-270.
- [4] J.Neggers, H.S. Kim, On d-algebras, Math. Slovaca 49 (1999) 19-26.
- [5] Y.B. Jun, H.S. Kim and J. Neggers, Pseudo d-algebras, Information Sciences 179 (2009) 1751-1759



ไม่มีเนื้อหาจากต้นฉบับ



ประวัติคณะผู้วิจัย

ประวัติผู้วิจัย

- ชื่อ - นามสกุล (ภาษาไทย) ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.ชาญวิทย์ ปราบพัยค์
ชื่อ - นามสกุล (ภาษาอังกฤษ) Asst.Prof.Dr.Chanwit Prabpayak
- เลขหมายบัตรประจำตัวประชาชน -
- ตำแหน่งปัจจุบัน อาจารย์
เวลาที่ใช้ทำวิจัย 20 ชั่วโมง/สัปดาห์
- หน่วยงานและสถานที่อยู่ที่ติดต่อได้สะดวก พร้อมหมายเลขโทรศัพท์ โทรสาร และไปรษณีย์อิเล็กทรอนิกส์ (e-mail)
สาขาวิชาคณิตศาสตร์และสถิติ คณะวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี
มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีราชมงคลพระนคร
เลขที่ 1381 ถ.ประชาราษฎร์ สาย 1 แขวงบางซื่อ เขตบางซื่อ กรุงเทพฯ 10800
โทรศัพท์: 02-9132424
E-mail: chanwit.p@rmutp.ac.th
- ประวัติการศึกษา
2557 PhD (Dr.rer.nat.)
Karl-Franzens University Graz, Austria
2552 วิทยาศาสตร์มหาบัณฑิต (วท.ม.) สาขาคณิตศาสตร์
มหาวิทยาลัยเกษตรศาสตร์
2548 วิทยาศาสตรบัณฑิต (วท.บ.) สาขาวิชาคณิตศาสตร์
มหาวิทยาลัยเกษตรศาสตร์
- สาขาวิชาการที่มีความชำนาญพิเศษ (แตกต่างจากวุฒิการศึกษา) ระบุสาขาวิชาการ
สาขาวิชา Number Theory
สาขาวิชา Algebra
- ประสบการณ์ที่เกี่ยวข้องกับการบริหารงานวิจัยทั้งภายในและภายนอกประเทศ โดยระบุ
สถานภาพในการทำการวิจัยว่าเป็นผู้อำนวยการแผนงานวิจัย หัวหน้าโครงการวิจัย
หรือผู้ร่วมวิจัยในแต่ละผลงานวิจัย
7.1 ผู้อำนวยการแผนงานวิจัย : -
7.2 หัวหน้าโครงการวิจัย :
 1. On ideals and congruences of KUalgebras
 2. On Isomorphisms of KU-algebras
 3. On derivations of BCC-algebras7.3 งานวิจัยที่ทำเสร็จแล้ว :
 1. G. Lettl and C. Prabpayak. 2014. Conductor ideals of orders in algebraic number fields. Arch. Math. 103(2), 133-138.

2. Utsanee Leerawat and Chanwit Prabpayak. 2011. On Outer (θ, ϕ) -Derivations of BCC-Algebras. Far East Journal of Mathematical Sciences (FJMS). Vol. 58 No.1, 49-60.
3. C. Prabpayak and U. Leerawat. 2009. On Isomorphisms of KU-algebras. Scientia Magna Journal. Vol. 5 No.3, 26-32.
4. C. Prabpayak and U. Leerawat. 2009. On ideals and congruences of KUalgebras. Scientia Magna Journal. Vol. 5 No.1, 54-57.
5. C. Prabpayak and U. Leerawat. 2009. On derivations of BCC-algebras. Kasetsart Journal (Nat. Sci.) 43, 398-401.

